

## BÀI TẬP CẤU TRÚC DỮ LIỆU-CÂY AVL

**Bài 1:** Vẽ cây AVL tạo thành bằng cách thêm lần lượt các khóa sau (vẽ cây trước và sau mỗi lần thực hiện phép quay)

- a. 12, 34, 53, 76, 15, 21, 18, 45, 16, 55, 11

Lưu ý:

- Chiều cao cây rỗng bằng -1:  $\text{height}(\text{null}) = -1$
- Chiều cao nút lá bằng :  $\text{height}(\text{leaves}) = 0$
- Chiều cao cây :  $\text{height}(T) = \max(\text{height}(T \rightarrow \text{Left}), \text{height}(T \rightarrow \text{Right}) + 1$

**Bài 2:** Xây dựng thư viện cây AVL

- a. Khai báo cấu trúc AVLTree. Trong đó mỗi nút bao gồm: khóa (key), trạng thái cân bằng của nút (bal), chiều cao nút (height), con trái left, con phải (right).
- b. Định nghĩa các trạng thái cân bằng: BALANCE=0 (cân bằng), LEFT=1 (lệch trái); RIGHT=2 (lệch phải);
- c. Viết hàm tạo nút mới có khóa x: `createAVLNode(ElementType x){...}`
- d. Viết hàm trả về độ cao của nút: `int height(AVLNode node){...}`
- e. Viết hàm quay trái: `rotateLeft(AVLNode *pNode){...}`
- f. Viết hàm quay phải: `rotateRight(AVLNode *pNode){...}`
- g. Viết hàm quay trái-phải (L-R rotate): `rotateLeftRight(AVLNode *pNode){...}`
- h. Viết hàm quay phải-trái (R-L rotate): `rotateRightLeft(AVLNode *pNode){...}`
- i. Viết hàm thêm khóa x vào cây AVL: `insertNode(ElementType x, AVLTree *root){...}`
- j. Viết các hàm duyệt cây AVL theo mức: `void levelOrderAVL(AVLTree t)`  
Trong đó, mỗi nút liệt kê giá trị khóa, chiều cao nút và trạng thái cân bằng của nút theo định dạng:  
(key0, bal0, height0) (key1, bal1, height1)...

**Bài 3:** Viết chương trình sử dụng thư viện vừa xây dựng ở bài 2

- a. Viết hàm nhập cây AVL: `void readAVLTree(AVLTree *pT){...}`  
Dùng cây từ tập tin `avlttest.txt`, có nội dung như sau:  
12, 34, 53, 76, 15, 21, 18, 45, 16, 55, 11
- b. Viết hàm `main()` gọi hàm `readAVLTree()` và thực hiện phép duyệt theo mức `levelOrderAVL()`.

Lưu ý: Sinh viên được phép sử dụng thư viện hàng đợi, ngăn xếp, cây nhị phân được cung cấp sẵn trong khóa học này...